

CONCURSUL INTERJUDEȚEAN “GH. POPESCU”

EDIȚIA A VI-A, 13.05.2011
 SUBIECT CLASA a VI - a

Nr. item	SUBIECTELE 1-9			
	Fiecare exercițiu corect rezolvat este punctat cu 5p, iar pentru alegerea greșită a răspunsului se scade 1p. <i>Pe grila de concurs marcați cu X sub litera corespunzătoare răspunsului considerat corect. Pentru fiecare subiect, un singur răspuns este corect.</i>			
1.	Triunghiul echilateral cu latura de 4cm este împărțit în triunghiuri echilaterale cu latura de 1cm prin paralele la laturi. Pe desen apar în total un număr de ... triunghiuri echilaterale.			
	A 24	B 26	C 27	D 20
2.	Aflați cel mai mare număr natural, mai mic decât 2011, care are exact 14 divizori naturali.			
	A 1500	B 1458	C 1984	D 2010
3.	În șirul finit 601, 604, 607, ..., 2005, 2008, 2011 sunt un număr de ... numere naturale.			
	A 471	B 1410	C 470	D 670
4.	Două numere naturale distincte care au exact 3 divizori naturali fiecare, au media aritmetică a divizorilor proprii egală cu 14. Câte soluții are problema?			
	A patru	B niciuna	C una	D două
5.	În triunghiul MNP, E este mijlocul laturii [MN] și F mijlocul laturii [MP]. Perimetrul triunghiului MNP este de 84 cm, iar EF este de 10 cm. Atunci ME+MF este:			
	A 42 cm	B 48 cm	C 32 cm	D 50 cm
6.	În triunghiul ABC, $BQ \perp AC, Q \in (AC) CP \perp AB, P \in (AB)$ și $CP \cap BQ = \{O\}$. Se știe că $[BQ] \equiv [CP]$. Atunci:			
	A $m(\angle ABQ) = 90^\circ$	B $AO \parallel BC$	C ΔABC dreptunghic	D [AO este bisectoarea $\angle BAC$
7.	În triunghiul ABC, M este mijlocul lui [BC]. Se construiește $BE \parallel AM, E \in AC$. Dacă $[AE] \equiv [AB]$ atunci:			
	a) $AM \perp BC$ b) $\angle AEB \equiv \angle EBC$ c) $[AB] \neq [AC]$ d) $\angle ABM \equiv \angle AMB$			
	A $AM \perp BC$	B $\angle AEB \equiv \angle EBC$	C $AB \neq AC$	D $\angle ABM \equiv \angle AMB$
8.	Dacă $\frac{a}{b} = \frac{4}{3}$ atunci $\frac{3a+6b}{5b}$ are valoarea			
	A 0	B 1	C 2	D 3
9.	Dacă $\frac{1+2+3+\dots+50}{2+4+6+\dots+100} = \frac{x}{4}$ atunci x are valoarea:			
	A 1	B 2	C 3	D 4
	SUBIECTELE 10 – 12			
	Fiecare exercițiu corect rezolvat este punctat cu 10p, iar pentru alegerea greșită a răspunsului se scade 1p. <i>Pentru subiectele 10-12, pe grila de concurs marcați cu X sub literele corespunzătoare răspunsurilor considerate corecte. Pentru fiecare subiect, mai multe răspunsuri pot fi corecte.</i>			

10.	Măsurile unghiurilor unui triunghi sunt direct proporționale cu trei numere naturale consecutive. Care din afirmații este adevărată?			
	A triunghiul este isoscel	B triunghiul este echilateral	C unul din unghiurile triunghiului are măsura de 60°	D suma măsurilor unghiurilor triunghiului este 180°
11.	Fie $x=6 \cdot 9 \cdot 8$, $y=27 \cdot 4$ și $n=x \cdot y$. Care din următoarele afirmații e adevărată?			
	A n este pătrat perfect	B n este cub perfect	C ultima cifră a lui n este 8	D n are 49 divizori
12.	Un produs s-a scumpit succesiv cu 5% și apoi cu 10% având acum prețul de 2310 lei. Care din următoarele afirmații e adevărată?			
	A prețul inițial era de 2100 lei	B produsul costa 2100 lei după prima scumpire	C produsul s-a scumpit cu 15% din prețul inițial	D a doua scumpire a fost de 210 lei
SUBIECTELE 13 – 20 Fiecare exercițiu corect rezolvat este punctat cu 8p, iar pentru scrierea greșită a răspunsului se scade 1p. <i>Pentru subiectele 13-20, pe grila de concurs completați răspunsul corect corespunzător spațiilor punctate din enunț</i>				
13.	Un burete conține 99% apă și cântărește 2 kg. După ce s-a evaporat o parte din apă, el conține 98% apă. Cât cântărește acum?			
14.	Aflați cel mai mic număr $n \in \mathbb{N}^*$ pentru care putem alege semnele + și – astfel încât $\pm 1 \pm 2 \pm 3 \dots \pm n = 16$.			
15.	Să se determine măsurile a două unghiuri complementare știind că acestea sunt direct proporționale cu măsurile complementului și respectiv suplementului lor.			
16.	Pe biletele de hârtie se scrie câte un număr de forma $\overline{abc}_{(10)}$ pentru care $a^2 + 2ab = 2c - 1$. Care este probabilitatea ca prin extragerea unui bilețel, pe el să fie scris un număr cu cifre distincte și divizibil cu 3?			
17.	Fie triunghiul ABC în care $m(\angle B) = 75^\circ$ și $m(\angle C) = 80^\circ$. Considerăm punctele $E \in (AC)$ și $F \in (AB)$, astfel încât $m(\angle FBE) = 25^\circ$ și $m(\angle FCB) = 40^\circ$. Determinați $m(\angle AEF)$.			
18.	Numerele naturale a,b,c împărțite pe rând la 4 dau resturile diferite, nenule și câturile numere naturale impare consecutive. Care este valoarea minimă a lui $(a + b + c)$?			
19.	La un concurs școlar a participat un grup de elevi. În urma concursului s-au obținut următoarele rezultate: 30% din numărul lor au obținut 5 puncte (maximul de punctaj); 40% din numărul lor au obținut 4 puncte; 8 elevi au obținut 3 puncte iar restul elevilor au obținut câte două puncte. Media aritmetică a punctajelor concurenților este de 3,9 puncte. Câți elevi au participat la concurs?			
20.	Determinați perechile de numere naturale (a,b) știind că: $\frac{a}{b+2} - \frac{a+1}{b+1} + \frac{a+2}{b} = \frac{a}{b}$			
TOTAL 139 PUNCTE + 21 PUNCTE DIN OFICIU = 160 PUNCTE				