

I. (40 puncte) La exercițiile 1-10 încercuiți răspunsul corect. Numai un răspuns este corect.

- 4p 1. 25% din 416 kg reprezintă:
 A. 14 kg B. 104 kg C. 114 kg D. 124 kg
- 4p 2. Se da triunghiul ABC în care $m(\sphericalangle A) = 54^\circ$ și $m(\sphericalangle B) = 45^\circ$. Atunci $m(\sphericalangle C) =$
 A. 99° B. 1° C. 60° D. 81°
- 4p 3. Dintre numerele raționale următoare 0,121(2); 0,(12); 0,(121) și 0,1(212), cel mai mare este
 A. 0,121(2) B. 0,(121) C. 0,1(212) D. 0,(12)
- 4p 4. Se știe că $\triangle ABC \equiv \triangle DCB$, $BD = 5\text{ cm}$, $BC = 4\text{ cm}$ și $DC = 3\text{ cm}$. Atunci $AC =$
 A. 2 cm B. 3 cm C. 4 cm D. 5 cm
- 4p 5. Suma dintre cel mai mic număr întreg negativ scris cu două cifre și cel mai mic număr întreg pozitiv scris cu două cifre este egală cu
 A. 0 B. -90 C. -89 D. 89
- 4p 6. Triunghiul MNP are $m(\sphericalangle N) = 90^\circ$. Punctul A este mijlocul segmentului $[MP]$.
 Dacă $AN = 1\frac{1}{2}\text{ cm}$, atunci $MP =$
 A. 2 cm B. 3 cm C. 4 cm D. 5 cm
- 4p 7. Numărul întreg x care verifică egalitatea: $x - 2x + 3x + 6 = 0$ este egal cu
 A. 3 B. -3 C. -1 D. 1
- 4p 8. Lungimile laturilor triunghiului scalen ABC sunt numere naturale. Dacă $AB = 2\text{ cm}$ și $AC = 3\text{ cm}$, atunci $BC =$
 A. 4 cm B. 3 cm C. 2 cm D. 5 cm
- 4p 9. Suma modulelor a trei numere întregi diferite este egală cu 3. Produsul celor trei numere este egal cu
 A. 2 B. 1 C. 0 D. -1
- 4p 10. Dacă drepte diferite a, b, c și d sunt astfel încât $a \parallel b$, $b \perp c$ și $d \parallel c$, atunci
 A. $a \parallel d$ B. $b \parallel d$ C. $d \perp a$ D. $c \parallel a$

II. (30 puncte) Scrieți informația corectă care completează spațiile punctate.

- 3p 1. a) Cel mai mare divizor propriu al numărului 2008 este....
 3p b) Cel mai mare divizor impar al numărului 2008 este....
2. Pe dreapta d se consideră punctele A, B și C astfel încât $AB = 3\text{ cm}$ și $BC = 8\text{ cm}$.
- 3p a) Cea mai mare lungime a segmentului AC este egală cu....
 3p b) Cea mai mică lungime a segmentului AC este egală cu....
3. Dacă $2 \cdot a = 3 \cdot b$, atunci
 3p a) valoarea raportului $\frac{3a}{b}$ este egală cu 3p b) $\frac{a}{6} - \frac{b}{4} = \dots$
4. În triunghiul ABC se știe că $AB = BC = CA = 4\text{ cm}$. Dacă (BM) este bisectoarea unghiului ABC ($M \in AC$), atunci:
 3p a) $m(\sphericalangle CBM) = \dots$ 3p b) $MC = \dots$
5. Se consideră mulțimea $A = \{x \in \mathbb{N} \mid 1 \leq x \leq 1000\}$.
- 3p a) Probabilitatea ca, alegând la întâmplare un număr din mulțimea A , acesta să aibă numai cinci divizori naturali este egală cu
 3p b) Numărul din mulțimea A care are cei mai mulți divizori naturali este egal cu

III. (20 puncte) Scrieți rezolvările complete.

1. Triunghiul ABC este isoscel și are $m(\sphericalangle BAC) = 100^\circ$. Bisectoarea unghiului ACB intersectează segmentul $[AB]$ în punctul D . Fie $F \in (BC)$ astfel încât $m(\sphericalangle BAF) = 20^\circ$ și $E \in (DC)$ astfel încât $m(\sphericalangle CAE) = 40^\circ$. Arătați că:
 4p a) $\triangle CEA \equiv \triangle AFB$; 6p b) $CD + DA = BC$.
2. Fie $M = \{a_1, a_2, \dots, a_n\} \subset \mathbb{N}^*$ o mulțime cu n elemente ($n \geq 2$). Pentru fiecare $i \in \{1, 2, \dots, n\}$, considerăm mulțimea $P_i = \{a_i \cdot m \mid m \in M\}$. Notăm: $P_1 \cup P_2 \cup \dots \cup P_n = R_M$.
- 4p a) Pentru $M = \{1, 2, 3\}$, scrieți elementele mulțimilor P_1, P_2, P_3 și $P_1 \cup P_2 \cup P_3$.
- 3p b) Dacă S_i reprezintă suma elementelor din mulțimea P_i , arătați că numărul $S_1 + S_2 + \dots + S_n$ este pătrat perfect.
- 3p c) Dacă a_1, a_2, \dots, a_n sunt numere prime, determinați numărul de elemente din mulțimea R_M .