

INSPECTORATUL ȘCOLAR JUDEȚEAN DÂMBOVIȚA

ETAPA JUDEȚEANĂ 02.04.2011

CLASA a V-a

SUBIECTUL 1

- a) Arătați că pentru orice $n \in \mathbb{N}$, $8(3^n + 3^{n+2} + 3^{n+4}) = 3^n(3^6 - 1)$.
b) Fie numărul $A = 3^1 + 3^3 + 3^5 + \dots + 3^{2011}$. Stabiliți dacă numărul $24 \cdot A + 9$ este pătrat perfect.

SUBIECTUL 2

- a) Arătați că $n^2 - 2011n$ este număr natural par, pentru orice $n \in \mathbb{N}$, $n \geq 2011$.
b) Determinați numerele naturale x și y , știind că $2^x + 3(y + 1101) = y^2$.

SUBIECTUL 3

- a) Arătați că numărul $m = \overline{abc0abc0} + \overline{abc}$ este divizibil cu 37, pentru orice număr \overline{abc} .
b) Știind că numărul \overline{abc} este divizibil cu 37, arătați că $n=3 \cdot \overline{bca} + 7 \cdot \overline{cab}$ este divizibil cu 37.

SUBIECTUL 4

- Determinați câtul și restul împărțirii numerelor: a) 3^{103} la $4 \cdot 3^{100}$;
b) $4 \cdot 3^{103} + 4$ la $3^{100} - 1$.

CLASA a VI-a

SUBIECTUL 1

Determinați tripletele (x, y, z) de numere naturale, știind că $\frac{x - 10^2}{10^3} = \frac{234}{yz + y} = \frac{y}{10}$.

SUBIECTUL 2

- a) Arătați că există numere naturale care se termină cu 984 și sunt divizibile cu 948.
b) Există numere naturale care se termină cu 948 și sunt divizibile cu 984 ?

SUBIECTUL 3

În jurul punctului O se consideră unghiurile AOB, BOC, COD, DOA, astfel încât

$6 \cdot m(\sphericalangle BOC) = 7 \cdot m(\sphericalangle AOB)$, $7 \cdot m(\sphericalangle COD) = 10 \cdot m(\sphericalangle AOD)$ și unghiul format de bisectoarele unghiurilor AOB și COD este alungit.

- a) Demonstrați că unghiurile BOC și AOD sunt congruente.
b) Aflați măsura unghiului format de bisectoarele unghiurilor AOC și BOD.

SUBIECTUL 4

- a) Demonstrați că într-un triunghi isoscel unghiurile de la bază sunt congruente.
b) Se dă triunghiul isoscel ABC, $AB=AC$, $m(\hat{A}) > 90^\circ$. Se notează cu M punctul de intersecție dintre perpendiculara în A pe AC și perpendiculara în B pe BC, iar cu N punctul de intersecție dintre perpendiculara în A pe AB și perpendiculara în C pe BC. Dacă $\{P\} = BN \cap CM$, demonstrați că [AP este bisectoarea unghiului BAC.