

## CLASA a V-a

**Problema 1.**

Un excursionist în 4 zile a parcurs 600 km în felul următor: în ultimele trei zile laolaltă a parcurs cu 30 km mai puțin, decât în primele trei zile laolaltă. Drumul parcurs în prima zi este jumătate din drumul parcurs în a doua zi și o treime din drumul parcurs în a treia zi. Ce distanță a parcurs excursionistul zilnic?

**Problema 2.**

- Arătați, că:
- $1 + 3 + 5 + \dots + 97 + 99$  este pătrat perfect,
  - $225 + 225 \cdot 2 + 225 \cdot 3 + \dots + 225 \cdot 80$  este cub perfect,
  - $3^{2011} + 4^{2011} + 5^{2011} + 6^{2011}$  nu este pătrat perfect.

**Problema 3.**

Fie mulțimile  $A = \{x \in \mathbb{N} \mid x = 2^{n+2}, n \in \mathbb{N}, n \leq 3\}$ ,  $B = \{y \in \mathbb{N} \mid y^2 = x, x \in A\}$  și  $C = \{z \in \mathbb{N} \mid z = y^2 - 8, y \in B\}$ .

- Determinați elementele mulțimilor!
- Calculați:  $A \cup B$ ,  $A \cap B$ ,  $C \setminus B$ .
- Calculați:  $\text{card}((A \cup B) \setminus C)$

**Problema 4.**

- Determinați valorile lui  $n \in \mathbb{N}$ , astfel încât fracția  $\frac{5n-8}{78-n3}$  să fie subunitară.
- Determinați câtul și restul împărțirii numărului  $\overline{abac}$  la  $\overline{ab}$ , știind că  $c = b + 2$

## CLASA a VI-a

**Problema 1.**

- Câte numere naturale există între 1 și 2010 care nu se divid nici cu 15 și nici cu 18?
- Să se calculeze:  $2^{2011} - (2^{100} + 2^{100} + 2^{101} + 2^{102} + 2^{103} + \dots + 2^{2010})$

**Problema 2.**

- Determinați cel mai mic număr natural  $n$  pentru care fracția  $\frac{2n+7}{4n-3}$  este reducibilă.
- Într-o cutie sunt bile roșii, albaștri și verzi. Raportul numărului bilelor roșii și albaștri este  $\frac{2}{3}$ , raportul numărului bilelor albaștri și celor verzi este  $\frac{4}{5}$ . A câtea parte a numărului tuturor bilelor este numărul bilelor verzi?

**Problema 3.**

Se dă triunghiul  $\triangle ABC$ , cu laturile de lungime  $a, b$  și  $c$ . Dacă semiperimetrul triunghiului este de 36cm și  $\frac{a}{b} = \frac{3}{5}$ ,  $\frac{3a+b}{14} = \frac{2a-c}{2}$ , calculați lungimea laturilor triunghiului!

**Problema 4.**

Fie  $\triangle ABC$  în care  $AB < AC$ . Bisectoarea  $[AY$  a unghiului exterior  $B'AC$ , ( $A \in (BB')$ ) intersectează prelungirea laturii  $BC$  în punctul  $M$ . Pe  $[AY$  se construiește segmentul  $[AN] \equiv [AM]$ . Bisectoarea unghiului  $BAC$  intersectează latura  $BC$  în punctul  $D$ , iar  $ND$  intersectează latura  $AC$  în punctul  $E$ . Să se demonstreze că:

- $\sphericalangle AMD \equiv \sphericalangle AND$ ;
- $\triangle AMB \equiv \triangle ANE$ .