

BAREM DE CORECTARE

CLASA a V-a
Subiectul I

Nr. exercitiu	1	2	3	4	5
Rezultate	36	1	6	42	9

Subiectul 2

$111+222+333+\dots+999-(101+202+\dots+909) = 111(1+2+\dots+9)-101(1+2+\dots+9)=111 \cdot 45-101 \cdot 45 = 450 \dots \dots \dots 5p$

Noteaza necunoscutele. (x-nr elevi, y- pr minge).....0.5p

stabilesc relatiile: $50x+25=y \dots \dots \dots 3p$

$60x-45=y \dots \dots \dots 3p$

obtin $10x=70 \dots \dots \dots 2,5p$

finalizeaza $x=7$ si $y=375 \dots \dots \dots 2x 0,5p$

calculeaza corect numarul de pagini 309.....5p

CLASA a- VI- a
Subiectul I

Nr.exercitiu	1	2	3	4	5
Rezultate	12	5	0	15	110°

Subiectul 2

$(23 + 1) : 2 = 12$ (pachete , primește primul)

$(23 + 1) : 3 = 8$ (pachete , primește al doilea copil)

$(23 + 1) : 8 = 3$ (pachete , primește al treilea copil)

$(23 + 1) - (12 + 8 + 3) = 24 - 23 = 1$ (pachet , își oprește colegul care a făcut impartirea).....10p

Notam cu x si y masurile celor 2 unghiuri.....1p

scrie raportul: $\frac{180^\circ - (x+y)}{(180^\circ - x) + (180^\circ - y)} = \frac{1}{4} \dots \dots \dots 3p$

obtin $x+y=120^\circ \dots \dots \dots 4p$

finalizare : masura unghiului cerut $120^\circ : 2 = 60^\circ \dots \dots \dots 2p$

CLASA a- VII- a
Subiectul I

Nr.exercitiu	1	2	3	4	5
Rezultate	2/3	17	0	40	200

Subiectul 2

a) $\frac{a_1}{1} = \frac{a_2}{2} = \frac{a_3}{3} = \dots = \frac{a_{2009}}{2009}$ 1p

$\frac{a_1}{1} = \frac{a_2}{2} = \frac{a_3}{3} = \dots = \frac{a_{2009}}{2009} = \frac{a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_{2009}}{1+2+3+\dots+2009} = \frac{2010}{1005^2} = \left(\frac{2010}{1005}\right)^2 = 2^2 = 4$ 1p

Calculeaza $1+3+5+\dots+2009$ 1p

$\frac{a_1}{1} = 4 \Rightarrow a_1 = 4$; $\frac{a_2}{2} = 4 \Rightarrow a_2 = 2 \cdot 4$;

Finalizeaza 2p

b) transforma ecuatia in: $\frac{2}{1 \cdot 2} + \frac{2}{2 \cdot 3} + \frac{2}{3 \cdot 4} + \dots + \frac{2}{x \cdot (x+1)} = \frac{200}{101}$ 2p

calculeaza primul membru $2 \cdot \left(\frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \dots + \frac{1}{x \cdot (x+1)} \right) = \frac{200}{101}$

$$2 \cdot \left(1 - \frac{1}{x+1}\right) = \frac{200}{101} \quad 1p$$

Finalizare $x=100$ 2p

Figura 1p

$$3AB=2BC \iff \frac{AB}{2} = \frac{BC}{3} = k, k > 0 \quad AB = 2k, BC = 3k \quad 1p \quad \Delta ABE \text{ isoscel} \Rightarrow AB = BE = 2k \quad 1p$$

$$BF \cap AD = \{G\} \quad GD\text{-linie mijlocie in } \Delta BEF \Rightarrow GD = \frac{BE}{2} \iff AG=2k \quad 1p$$

Arata ca AGEB – romb 2p

$$AE \cap BG = \{N\} \iff AN=NE ; FN \perp AE \quad 2p \quad F \text{ se afla pe mediatoarea segmentului } AE \iff FA = FE \quad 2p$$

CLASA a VIII-a

Subiectul I

Nr. exercitiu	1	2	3	4
Rezultate	$1+2\sqrt{6}$	$\sqrt{3}-1$	60°	6

Subiectul 2.

1.
a) $\frac{\sqrt{2n+1}}{\sqrt{2n-1}} - \frac{\sqrt{2n-1}}{\sqrt{2n+1}} = \frac{2}{\sqrt{4n^2-1}}$ 1p

$$\frac{2}{\sqrt{4n^2-1}} > \frac{2}{\sqrt{4n^2}} = \frac{2}{2n} = \frac{1}{n}$$
 1p

b) Dupa aducerea la acelasi numitor si eliminarea acestora obtinem:

$$(2n+1)+(2n-1) > 2\sqrt{(2n+1)(2n-1)}$$
 1p

$$\text{aducere la forma } (\sqrt{2n+1})^2 - 2\sqrt{2n+1} \cdot \sqrt{2n-1} + (\sqrt{2n-1})^2 > 0$$
 1p

$$(\sqrt{2n+1} - \sqrt{2n-1})^2 > 0$$

sau alta solutie corecta..... 1p

2. Fie R mijlocul lui CD, P mijlocul lui BC si Q mijlocul lui B'C'.

$$\text{Din triunghiul dreptunghic in R, AMR obtinem } AM = \frac{15\sqrt{2}}{2}$$
 1p

$$\text{Din triunghiul dreptunghic in P, ANP obtinem } AN = 5\sqrt{3}$$
 1p

$$\text{Din triunghiul dreptunghic in Q, MNQ obtinem } MN = \frac{5\sqrt{6}}{2}$$
 1p

Aratam ca triunghiul AMN este dreptunghic in N..... 1p

$$\sin(\widehat{MAN}) = \frac{\sqrt{3}}{3}$$
 1p